

Криптографија

Задачи за рад по групама

Калкулатор модуларне аритметике

Задатак ове групе је реализује пакет корисних програма за Теорију бројева, првенствено за модуларну аритметику.

Задатак 1.

Направити програм који ће кориснику омогућити

- Сабирање, одузимање и множење по задатом модулу.
- Рачунање највећег заједничког дјелиоца $\text{нзд}(a, b)$ путем Еуклидовога алгоритма са приказом корака у поступку.
- Рачунање најмањег заједничког садржаоца $\text{нзс}(a, b)$.
- Представљање $\text{нзд}(a, b)$ као линеарне комбинације датих бројева, остављајући могућност да корисник може, уколико жели, да добије ток Бланкшип методе у пригодном облику.
- Направити програм за тражење инверзног елемента a^{-1} за дати елемент a по модулу m уколико такав постоји.
- Рјешавање конгруенција $ax \equiv b \pmod{m}$.
- Рјешавање система конгруенција помоћу Кинеске теореме о остацима.
- Рачунање израза облика $a^k \pmod{m}$ на ефикасан начин.
(Објашњење овог алгоритма се налази на 24. страници књиге "Mathematical Cryptography" која је дата у литератури на сајту.)

- Израчунавање вриједности Ојлерове функције $\phi(n)$ за задато n . Потребно је имати на уму да ово можемо успјешно рачунати за све бројеве n које је могуће успјешно и ефикасно факторисати, тако да је и овдје потребно увести одређена ограничења у сислу величине броја n .

Овај програм је потребно развити и као веб апликацију. Сви додаци, проширења и допуне постојећег задатка ће бити посебно вредновани.

Напомена: Сваки програм мора бити user-friendly са прецизним упутствима просјечном кориснику.

Задатке реализовати тако да постоји јединствени интерфејс, а корисник бира различите опције.

За пројекат је потребно направити одговарајућу документацију. Документација подразумијева

1. PYTHON код за сваки од задатака.
2. Прецизна упутства потенцијалним корисницима како се користе поједини програми, шта они раде и која су им ограничења.
3. Описати поступак рада групе и назначити сваки појединачни допринос чланова групе.
4. Написати предлог побољшања постојећих програма.
5. Указати на могуће недостатке у прецизности формулације постављених задатака.

Документацију доставити у склопу пројекта у електронској форми.

Програм је неопходно доставити у самосталној извршној верзији (standalone executable - без инсталирања посебних окружења, библиотека...) или као веб апликацију.